

Kategoriale Abbildungen zwischen den eigenrealen Dualsystemen und dem Vollständigen Objekt

1. Wir benutzen Abbildungen aus der algebraischen Kategorientheorie (vgl. Schubert 1970), um die Übergänge zwischen den von Bense (1992) betonten Affinitäten der drei „objekthaften“ Dualsysteme mit dem gemeinsamen Repräsentationswert $R_{pw} = 12$, d.h. der Zeichenklasse mit der Realitätsthematik des Vollständigen Objektes, der Eigenrealitäts- und der Kategorienklasse, aufzuzeigen.

2. Kategoriale Abbildungen

2.1. Abbildungen der beiden eigenrealen Dualsysteme

$$\begin{array}{ccccccc}
 3.1 & 2.2 & 1.3 & \times & 3.1 & 2.2 & 1.3 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
 3.3 & 2.2 & 1.1 & \times & 1.1 & 2.2 & 3.3 = \\
 [-, \beta\alpha, id_2, -, \alpha^\circ\beta^\circ] & \times & [\alpha^\circ\beta^\circ, -, id_2, \beta\alpha, -]
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 3.3 & 2.2 & 1.1 & \times & 1.1 & 2.2 & 3.3 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
 3.1 & 2.2 & 1.3 & \times & 3.1 & 2.2 & 1.3 = \\
 [-, \alpha^\circ\beta^\circ, id_2, -, \beta\alpha] & \times & [\beta\alpha, -, id_2, \alpha^\circ\beta^\circ, -]
 \end{array}$$

2.2. Abbildungen des Vollständigen Objektes und der beiden eigenrealen Dualsysteme

$$\begin{array}{ccccccc}
 3.2 & 2.2 & 1.2 & \times & 2.1 & 2.2 & 2.3 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
 3.1 & 2.2 & 1.3 & \times & 3.1 & 2.2 & 1.3 = \\
 [-, \alpha^\circ, id_2, -, \beta] & \times & [\beta, -, id_2, \alpha, -]
 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 3.1 & 2.2 & 1.3 & \times & 3.1 & 2.2 & 1.3 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
 3.2 & 2.2 & 1.2 & \times & 2.1 & 2.2 & 2.3 =
 \end{array}$$

$$[-, \alpha, \text{id}_2, -, \beta^\circ] \quad \times \quad [\beta^\circ, -, \text{id}_2, \alpha, -]$$

$$\begin{array}{ccccc} 3.2 & 2.2 & 1.2 & \times & 2.1 & 2.2 & 2.3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 3.3 & 2.2 & 1.1 & \times & 1.1 & 2.2 & 3.3 & = \\ [-, \beta, \text{id}_2, -, \alpha^\circ] & \times & [\alpha^\circ, -, \text{id}_2, \beta, -] \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc} 3.3 & 2.2 & 1.1 & \times & 1.1 & 2.2 & 3.3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 3.2 & 2.2 & 1.2 & \times & 2.1 & 2.2 & 2.3 & = \\ [-, \beta^\circ, \text{id}_2, -, \alpha] & \times & [\alpha, -, \text{id}_2, \beta^\circ, -] \end{array}$$

3. Man kann nun zeigen, daß jede natürliche Transformation „eigensymmetrisch“ ist. Dies gilt nicht nur erwartungsgemäß von der Eigenrealitätsklasse, sondern auch von der Kategorienklasse und sogar vom Vollständigen Objekt.

$$\begin{array}{ccc} [-, \beta\alpha, \text{id}_2, -, \alpha^\circ\beta^\circ] & \times & [\alpha^\circ\beta^\circ, -, \text{id}_2, \beta\alpha, -] \\ \diagdown & & \diagup \\ & \times & \\ \diagup & & \diagdown \\ [-, \alpha^\circ\beta^\circ, \text{id}_2, -, \beta\alpha] & \times & [\beta\alpha, -, \text{id}_2, \alpha^\circ\beta^\circ, -] \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} [-, \alpha^\circ, \text{id}_2, -, \beta] & \times & [\beta, -, \text{id}_2, \alpha, -] \\ \diagdown & & \diagup \\ & \times & \\ \diagup & & \diagdown \\ [-, \beta, \text{id}_2, -, \alpha^\circ] & \times & [\alpha^\circ, -, \text{id}_2, \beta, -] \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} [-, \beta^\circ, \text{id}_2, -, \alpha] & \times & [\alpha, -, \text{id}_2, \beta^\circ, -] \\ \diagdown & & \diagup \\ & \times & \\ \diagup & & \diagdown \\ [-, \alpha, \text{id}_2, -, \beta^\circ] & \times & [\beta^\circ, -, \text{id}_2, \alpha, -] \end{array}$$

Literatur

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Schubert, Kategorien I. Berlin 1970

8.3.2026